

The denominator can be written as

$$\begin{aligned} \|\vec{x} + \alpha \vec{e}_1\|_2^2 &= \sqrt{\langle \vec{x} + \alpha \vec{e}_1, \vec{x} + \alpha \vec{e}_1 \rangle}^2 \\ &= \langle \vec{x} + \alpha \vec{e}_1, \vec{x} + \alpha \vec{e}_1 \rangle \\ &= \langle \vec{x} + \alpha \vec{e}_1, \vec{x} \rangle + \langle \vec{x}, \alpha \vec{e}_1 \rangle + \langle \alpha \vec{e}_1, \alpha \vec{e}_1 \rangle \\ &= \langle \vec{x} + \alpha \vec{e}_1, \vec{x} \rangle + \langle \vec{x}, \alpha \vec{e}_1 \rangle + \alpha^2 \\ &= \langle \vec{x} + \alpha \vec{e}_1, \vec{x} \rangle + \langle \vec{x}, \alpha \vec{e}_1 \rangle + \|\vec{x}\|_2^2 \\ &= \langle \vec{x} + \alpha \vec{e}_1, \vec{x} \rangle + \langle \vec{x}, \alpha \vec{e}_1 \rangle + \langle \vec{x}, \vec{x} \rangle \\ &= \langle \vec{x} + \alpha \vec{e}_1, \vec{x} \rangle + \langle \vec{x}, \vec{x} + \alpha \vec{e}_1 \rangle \\ &= 2 \langle \vec{x} + \alpha \vec{e}_1, \vec{x} \rangle, \end{aligned}$$